

- 3) если  $\alpha \in L(G_d)$ , но  $\alpha$  не является LR(1)-словом, то либо строят дерево для одного из возможных разборов слова  $\alpha_\Sigma$  в грамматике  $G(\alpha)$ , либо выдаёт отказ.

Алгоритм разбора динамических грамматик был реализован на языке C++ и входит в состав библиотеки PyLExt, позволяющей добавлять синтаксические расширения в язык Python. Несмотря на довольно большой множитель в оценке сложности, зависящий от грамматики, на практике алгоритм работает быстро. Кроме того, в практической реализации также добавлена возможность указывать приоритеты операций, что позволяет существенно уменьшить число нетерминалов в грамматике, от которого в основном и зависит сложность алгоритма.

Исследование выполнено при поддержке Министерства науки и высшего образования Российской Федерации (грант № 075-15-2020-801).

#### Список литературы

1. Wilson G. V. Extensible programming for the 21st century // ACM Queue. — 2005. — Vol. 2, no. 9. — P. 48–57.
2. Danielsson N. A., Norell U. Parsing Mixfix Operators // Eds. Scholz S.B., Chitil O., Implementation and Application of Functional Languages. — Berlin: Springer Berlin Heidelberg, 2011. — P. 80–99.
3. Herrera E. O., Val L. Extending LR Parsing to Implement Rewriting Semantics in Extensible Programming Languages // Emerging Trends in Computing, Informatics, Systems Sciences, and Engineering. — NY: Springer New York, 2013. — P. 915–926.

DOI: 10.20948/dms-2022-66

### О СЛОЖНОСТИ РЕАЛИЗАЦИИ ЭЛЕМЕНТАРНОГО БАЗИСА В КЛАССЕ ОДНОМЕСТНЫХ ЛИНЕЙНЫХ АВТОМАТОВ, СОХРАНЯЮЩИХ НУЛЕВУЮ ПОСЛЕДОВАТЕЛЬНОСТЬ

И. Ю. Ильин (Москва)

Мы рассматриваем множество рациональных дробей  $E'_2(\xi) = \{\frac{u}{v} | u, v \in E^2[\xi], v(0) = 1\}$ . На этом множестве в классе линейных автоматов индуцированы следующие операции [1, 2].

1. Сложения:  $\mu_1, \mu_2 \in E'_2(\xi) : \mu_1 + \mu_2$
2. Умножения:  $\mu_1, \mu_2 \in E'_2(\xi) : \mu_1 \mu_2$
3. Обратной связи:  $\mu_1, \mu_2 \in E'_2(\xi) : F_b(\mu_1, \mu_2) = \frac{\mu_1}{1+\mu_2}$

Обозначим  $K^{(1)}(M)$  — замыкание множества  $M$  по операциям сложения, умножения и обратной связи, а  $S^{(1)}(M)$  — замыкание множества  $M$  только по операциям сложения и умножения.

Множество  $M \subseteq E'_2(\xi)$  называется полным, если его замыкание  $K^{(1)}(M)$  совпадает с  $E'_2(\xi)$

Назовем множество  $\{1, \xi\}$  элементарным базисом в  $E^2(\xi)$  по операциям  $K^{(1)}$ . Пусть  $p_1 = \xi, p_2 = 1 + \xi, \dots$  — последовательность, состоящая из всех неприводимых многочленов.

$$R_i^{(1)} = \{\mu \mid \mu = \frac{u}{v}, (u, v) = 1, u : p_i\}, i = 1, 2, \dots$$

$$R_i^{(1)} = \{\mu \mid \mu = \frac{u}{v} : \text{если } u(0) = 1 \Rightarrow 1 + \frac{u}{v} = \frac{u+v}{v} = \frac{\xi p_i u'}{v}, \text{ если } u(0) = 0 \Rightarrow \frac{u}{v} = \frac{\xi p_i u'}{v}\}$$

Ранее доказано, что классы  $R_i^{(1)}, R_i^{(1)}$  являются предполными в  $E'_2(\xi)$  по операциям из  $K^{(1)}(M)$ . Нами был получен следующие оценки на количество операций для получения задержки и нейтрального элемента, т.е. была доказана следующая теорема:

**Теорема 1.**  $M = \{\frac{u_i}{v_i}, u_i, v_i \in E_2[\xi], v(0) = 1, i = 1, \dots, n, n \in N\}$ .

$$k = \max\{\deg(\mu_1), \deg(\mu_2), \dots, \deg(\mu_n)\}.$$

$$K^{(1)}(M) = E'_2(\xi) \Leftrightarrow \forall \Theta : \Theta \in J^{(1)}, M \not\subseteq E'_2(\xi).$$

Количество используемых операций сложения и умножения равно  $O(k^2(2^{2k} + n))$ , количество операций обратной связи не более 4.

#### Список литературы

1. Часовских А. А. О полноте в классе линейных автоматов // Математические вопросы кибернетики. Вып. 3. — М.: Наука, 1991. — С. 140–166.
2. Кудрявцев В. Б., Алешин С. В., Подколзин А. С. Введение в теорию автоматов. — М.: Наука, 1985.

DOI: 10.20948/dms-2022-67